

1. Две стороны параллелограмма равны  $4$  см и  $4\sqrt{3}$  см, а угол между ними –  $30^\circ$ . Найдите:
  - 1) большую диагональ параллелограмма;
  - 2) площадь параллелограмма.
2. В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AC = 3\sqrt{2}$  см,  $BC = 3$  см,  $\angle A = 30^\circ$ . Найдите угол  $B$ .
3. Около квадрата  $ABCD$  со стороной  $8$  см описана окружность с центром  $O$ . 1) Найдите площадь сектора, содержащего дугу  $BC$ . 2) Какой отрезок является образом стороны  $AD$  при повороте вокруг центра  $O$  по часовой стрелке на угол  $90^\circ$ ?
4. Докажите, что четырёхугольник  $ABCD$  с вершинами в точках  $A (-3; 3)$ ,  $B (2; 4)$ ,  $C (1; -1)$  и  $D (-4; -2)$  является ромбом.
5. Найдите уравнение окружности, являющейся образом окружности  $(x - 3)^2 + (y + 2)^2 = 64$  при параллельном переносе на вектор  $\vec{a} (-1; 7)$ .
6. Найдите косинус угла между векторами  $\vec{m}$  и  $\vec{n}$ , если векторы  $\vec{a} = 2\vec{m} - \vec{n}$  и  $\vec{b} = \vec{m} + 4\vec{n}$  перпендикулярны,  $|\vec{m}| = 3$ ,  $|\vec{n}| = 1$ .